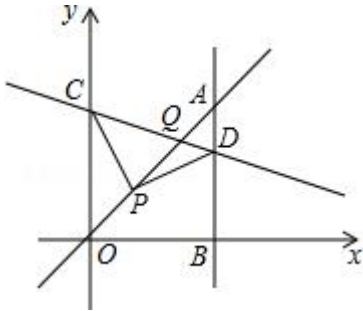


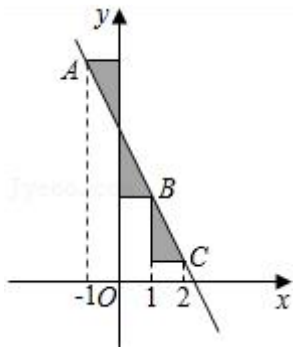
第十二课时同步练习

一. 选择题 (共 5 小题)

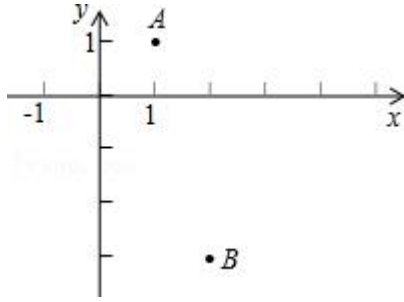
1. 如图, 平面直角坐标系中, 已知直线 $y=x$ 上一点 $P(1, 1)$, C 为 y 轴上一点, 连接 PC , 线段 PC 绕点 P 顺时针旋转 90° 至线段 PD , 过点 D 作直线 $AB \perp x$ 轴, 垂足为 B , 直线 AB 与直线 $y=x$ 交于点 A , 且 $BD=2AD$, 连接 CD , 直线 CD 与直线 $y=x$ 交于点 Q , 则点 Q 的坐标为 ()



- A. $(\frac{5}{2}, \frac{5}{2})$ B. $(3, 3)$ C. $(\frac{7}{4}, \frac{7}{4})$ D. $(\frac{9}{4}, \frac{9}{4})$
2. 如图, 点 A, B, C 在一次函数 $y = -2x + m$ 的图象上, 它们的横坐标依次为 $-1, 1, 2$, 分别过这些点作 x 轴与 y 轴的垂线, 则图中阴影部分的面积之和是 ()

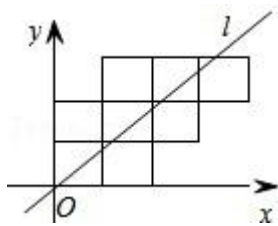


- A. 1 B. 3 C. $3(m-1)$ D. $\frac{3}{2}(m-2)$
3. 已知, 如图点 $A(1, 1)$, $B(2, -3)$, 点 P 为 x 轴上一点, 当 $|PA - PB|$ 最大时, 点 P 的坐标为 ()



- A. $(\frac{1}{2}, 0)$ B. $(\frac{5}{4}, 0)$ C. $(-\frac{1}{2}, 0)$ D. $(1, 0)$

4. 八个边长为 1 的正方形如图摆放在平面直角坐标系中，经过原点的一条直线 l 将这八个正方形分成面积相等的两部分，则该直线 l 的解析式为 ()



- A. $y = \frac{3}{5}x$ B. $y = \frac{3}{4}x$ C. $y = \frac{9}{10}x$ D. $y = x$

5. 已知直线 $l_1: y = kx + b$ 与直线 $l_2: y = -\frac{1}{2}x + m$ 都经过 $C(-\frac{6}{5}, \frac{8}{5})$ ，直线 l_1 交 y 轴于点 $B(0, 4)$ ，交 x 轴于点 A ，直线 l_2 交 y 轴于点 D ， P 为 y 轴上任意一点，连接 PA 、 PC ，有以下说法：

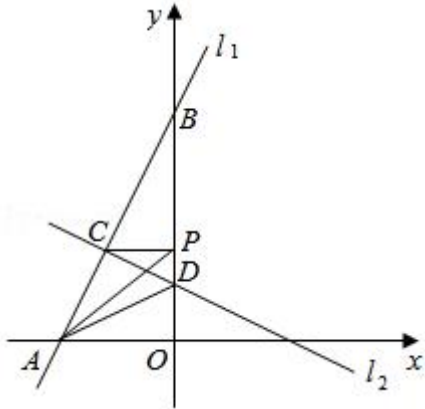
① 方程组 $\begin{cases} y = kx + b \\ y = -\frac{1}{2}x + m \end{cases}$ 的解为 $\begin{cases} x = -\frac{6}{5} \\ y = \frac{8}{5} \end{cases}$ ；

② $\triangle BCD$ 为直角三角形；

③ $S_{\triangle ABD} = 6$ ；

④ 当 $PA + PC$ 的值最小时，点 P 的坐标为 $(0, 1)$ 。

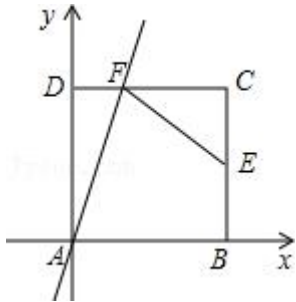
其中正确的说法是 ()



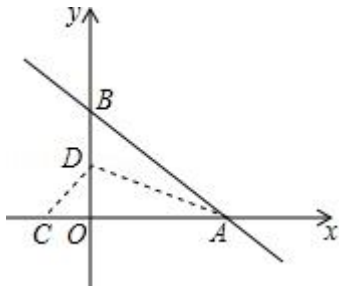
- A. ①②③ B. ①②④ C. ①③④ D. ①②③④

二. 填空题 (共 5 小题)

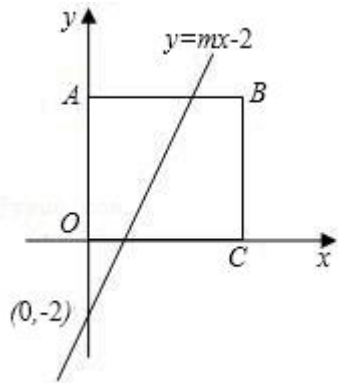
6. 如图, 正方形 $ABCD$ 的边长为 2, A 为坐标原点, AB 和 AD 分别在 x 轴、 y 轴上, 点 E 是 BC 边的中点, 过点 A 的直线 $y=kx$ 交线段 DC 于点 F , 连接 EF , 若 AF 平分 $\angle DFE$, 则 k 的值为_____.



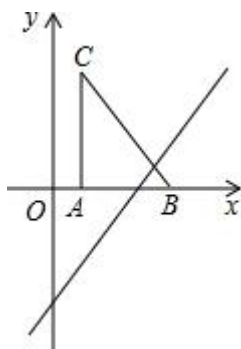
7. 如图, 在平面直角坐标系 xOy 中, 直线 $y=-\frac{3}{4}x+3$ 与 x 轴交于点 A , 与 y 轴交于点 B , 将 $\triangle AOB$ 沿过点 A 的直线折叠, 使点 B 落在 x 轴负半轴上, 记作点 C , 折痕与 y 轴交点交于点 D , 则点 C 的坐标为_____, 点 D 的坐标为_____.



8. 如图, 在平面直角坐标系中, 四边形 $ABCO$ 是正方形, 点 B 的坐标为 $(4, 4)$, 直线 $y=mx-2$ 恰好把正方形 $ABCO$ 的面积分成相等的两部分, 则 m =_____.



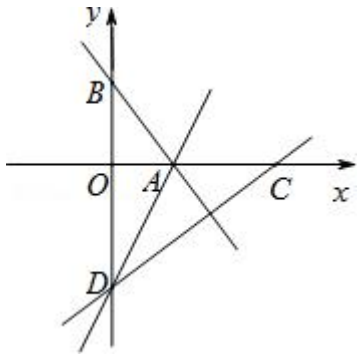
9. 如图，把 $\text{Rt}\triangle ABC$ 放在直角坐标系内，其中 $\angle CAB=90^\circ$ ， $BC=5$ ，点 A 、 B 的坐标分别为 $(1, 0)$ 、 $(4, 0)$ ，将 $\triangle ABC$ 沿 x 轴向右平移，当点 C 落在直线 $y=2x-6$ 上时，线段 BC 扫过的面积为_____。



10. 一次函数 $y=\frac{4}{3}x+4$ 分别交 x 轴、 y 轴于 A 、 B 两点，在 x 轴上取一点，使 $\triangle ABC$ 为等腰三角形，则这样的点 C 最多有_____个。

三. 解答题（共 1 小题）

11. 如图，在平面直角坐标系 xOy 中，直线 $y=-\frac{4}{3}x+8$ 与 x 轴， y 轴分别交于点 A ，点 B ，点 D 在 y 轴的负半轴上，若将 $\triangle DAB$ 沿直线 AD 折叠，点 B 恰好落在 x 轴正半轴上的点 C 处。
- (1) 求 AB 的长和点 C 的坐标；
 - (2) 求直线 CD 的解析式。

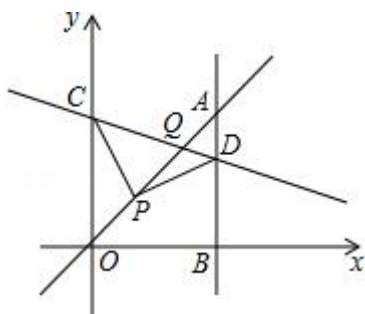


第十二课时同步练习

参考答案与试题解析

一. 选择题 (共 5 小题)

1. 如图, 平面直角坐标系中, 已知直线 $y=x$ 上一点 $P(1, 1)$, C 为 y 轴上一点, 连接 PC , 线段 PC 绕点 P 顺时针旋转 90° 至线段 PD , 过点 D 作直线 $AB \perp x$ 轴, 垂足为 B , 直线 AB 与直线 $y=x$ 交于点 A , 且 $BD=2AD$, 连接 CD , 直线 CD 与直线 $y=x$ 交于点 Q , 则点 Q 的坐标为 ()



- A. $(\frac{5}{2}, \frac{5}{2})$ B. $(3, 3)$ C. $(\frac{7}{4}, \frac{7}{4})$ D. $(\frac{9}{4}, \frac{9}{4})$

【分析】 过 P 作 $MN \perp y$ 轴, 交 y 轴于 M , 交 AB 于 N , 过 D 作 $DH \perp y$ 轴, 交 y 轴于 H , $\angle CMP = \angle DNP = \angle CPD = 90^\circ$, 求出 $\angle MCP = \angle DPN$, 证 $\triangle MCP \cong \triangle NPD$, 推出 $DN = PM$, $PN = CM$, 设 $AD = a$, 求出 $DN = 2a - 1$, 得出 $2a - 1 = 1$, 求出 $a = 1$, 得出 D 的坐标, 在 $\text{Rt}\triangle DNP$ 中, 由勾股定理求出 $PC = PD = \sqrt{5}$, 在 $\text{Rt}\triangle MCP$ 中, 由勾股定理求出 $CM = 2$, 得出 C 的坐标, 设直线 CD 的解析式是 $y = kx + 3$, 把 $D(3, 2)$ 代入求出直线 CD 的解析式, 解由两函数解析式组成的方程组, 求出方程组的解即可.

【解答】 解: 过 P 作 $MN \perp y$ 轴, 交 y 轴于 M , 交 AB 于 N , 过 D 作 $DH \perp y$ 轴, 交 y 轴于 H ,

$$\angle CMP = \angle DNP = \angle CPD = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle MCP + \angle CPM = 90^\circ, \quad \angle MPC + \angle DPN = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle MCP = \angle DPN,$$

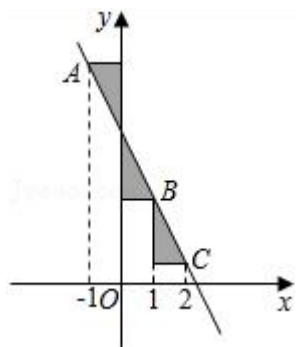
$$\because P(1, 1),$$

$$\therefore OM = BN = 1, \quad PM = 1,$$

在 $\triangle MCP$ 和 $\triangle NPD$ 中,

【点评】 本题考查了用待定系数法求出一次函数的解析式，全等三角形的性质和判定，解方程组，勾股定理，旋转的性质等知识点的应用，主要考查学生综合运用性质进行推理和计算的能力，题目比较好，但是有一定的难度.

2. 如图，点 A, B, C 在一次函数 $y = -2x + m$ 的图象上，它们的横坐标依次为 $-1, 1, 2$ ，分别过这些点作 x 轴与 y 轴的垂线，则图中阴影部分的面积之和是 ()



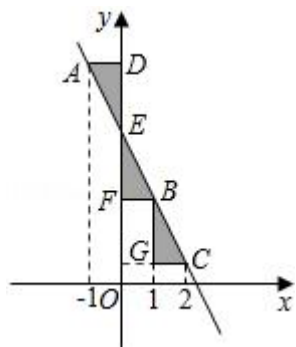
- A. 1 B. 3 C. $3(m-1)$ D. $\frac{3}{2}(m-2)$

【分析】 设 $AD \perp y$ 轴于点 D ; $BF \perp y$ 轴于点 F ; $BG \perp CG$ 于点 G ，然后求出 A, B, C, D, E, F, G 各点的坐标，计算出长度，利用面积公式即可计算出.

【解答】 解：由题意可得： A 点坐标为 $(-1, 2+m)$ ， B 点坐标为 $(1, -2+m)$ ， C 点坐标为 $(2, m-4)$ ， D 点坐标为 $(0, 2+m)$ ， E 点坐标为 $(0, m)$ ， F 点坐标为 $(0, -2+m)$ ， G 点坐标为 $(1, m-4)$.

所以， $DE = EF = BG = 2+m - m = m - (-2+m) = -2+m - (m-4) = 2$ ，又因为 $AD = BF = GC = 1$ ，所以图中阴影部分的面积和等于 $\frac{1}{2} \times 2 \times 1 \times 3 = 3$.

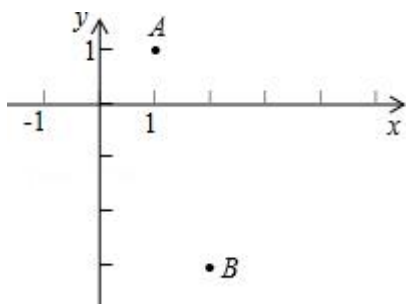
故选： B .



【点评】 本题灵活考查了一次函数点的坐标的求法和三角形面积的求法.

3. 已知，如图点 $A(1, 1)$ ， $B(2, -3)$ ，点 P 为 x 轴上一点，当 $|PA - PB|$ 最大

时，点 P 的坐标为 ()



- A. $(\frac{1}{2}, 0)$ B. $(\frac{5}{4}, 0)$ C. $(-\frac{1}{2}, 0)$ D. $(1, 0)$

【分析】作 A 关于 x 轴对称点 C ，连接 BC 并延长， BC 的延长线与 x 轴的交点即为所求的 P 点；首先利用待定系数法即可求得直线 BC 的解析式，继而求得点 P 的坐标.

【解答】解：作 A 关于 x 轴对称点 C ，连接 BC 并延长交 x 轴于点 P ，

$$\because A(1, 1),$$

$$\therefore C \text{ 的坐标为 } (1, -1),$$

连接 BC ，

设直线 BC 的解析式为： $y=kx+b$ ，

$$\therefore \begin{cases} k+b=-1 \\ 2k+b=-3 \end{cases}$$

$$\text{解得：} \begin{cases} k=-2 \\ b=1 \end{cases}$$

$$\therefore \text{直线 } BC \text{ 的解析式为： } y=-2x+1,$$

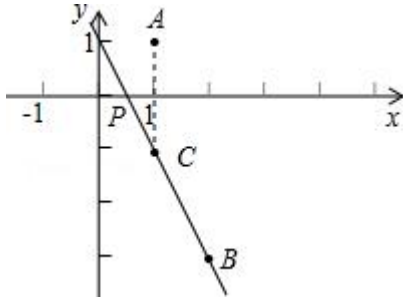
$$\text{当 } y=0 \text{ 时， } x=\frac{1}{2},$$

$$\therefore \text{点 } P \text{ 的坐标为： } (\frac{1}{2}, 0),$$

\because 当 B, C, P 不共线时，根据三角形三边的关系可得： $|PA - PB| = |PC - PB| < BC$ ，

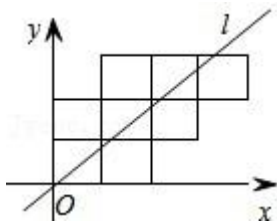
\therefore 此时 $|PA - PB| = |PC - PB| = BC$ 取得最大值.

故选： A .



【点评】 此题考查了轴对称、待定系数法求一次函数的解析式以及点与一次函数的关系. 此题难度较大, 解题的关键是找到 P 点, 注意数形结合思想与方程思想的应用.

4. 八个边长为 1 的正方形如图摆放在平面直角坐标系中, 经过原点的一条直线 l 将这八个正方形分成面积相等的两部分, 则该直线 l 的解析式为 ()



- A. $y = \frac{3}{5}x$ B. $y = \frac{3}{4}x$ C. $y = \frac{9}{10}x$ D. $y = x$

【分析】 设直线 l 和八个正方形的最上面交点为 A , 过 A 作 $AB \perp OB$ 于 B , 过 A 作 $AC \perp OC$ 于 C , 易知 $OB = 3$, 利用三角形的面积公式和已知条件求出 A 的坐标即可得到该直线 l 的解析式.

【解答】 解: 设直线 l 和八个正方形的最上面交点为 A , 过 A 作 $AB \perp OB$ 于 B , 过 A 作 $AC \perp OC$ 于 C ,

\because 正方形的边长为 1,

$\therefore OB = 3$,

\because 经过原点的一条直线 l 将这八个正方形分成面积相等的两部分,

\therefore 两边分别是 4,

\therefore 三角形 ABO 面积是 5,

$\therefore \frac{1}{2}OB \cdot AB = 5$,

$\therefore AB = \frac{10}{3}$,

$\therefore OC = \frac{10}{3}$,

由此可知直线 l 经过 $(\frac{10}{3}, 3)$,

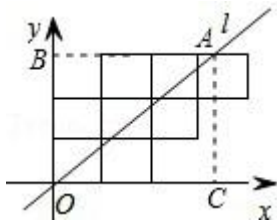
设直线方程为 $y=kx$,

$$\text{则 } 3 = \frac{10}{3}k,$$

$$k = \frac{9}{10},$$

\therefore 直线 l 解析式为 $y = \frac{9}{10}x$,

故选: C.



【点评】 此题考查了面积相等问题、用待定系数法求一次函数的解析式以及正方形的性质, 此题难度较大, 解题的关键是作 $AB \perp y$ 轴, 作 $AC \perp x$ 轴, 根据题意即得到: 直角三角形 ABO , 利用三角形的面积公式求出 AB 的长.

5. 已知直线 $l_1: y=kx+b$ 与直线 $l_2: y = -\frac{1}{2}x+m$ 都经过 $C(-\frac{6}{5}, \frac{8}{5})$, 直线 l_1 交 y 轴于点 $B(0, 4)$, 交 x 轴于点 A , 直线 l_2 交 y 轴于点 D , P 为 y 轴上任意一点, 连接 PA 、 PC , 有以下说法:

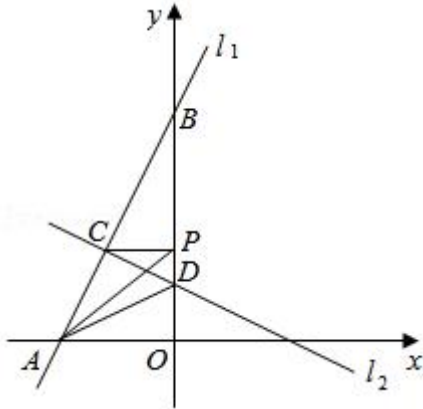
① 方程组 $\begin{cases} y=kx+b \\ y=-\frac{1}{2}x+m \end{cases}$ 的解为 $\begin{cases} x=-\frac{6}{5} \\ y=\frac{8}{5} \end{cases}$;

② $\triangle BCD$ 为直角三角形;

③ $S_{\triangle ABD} = 6$;

④ 当 $PA+PC$ 的值最小时, 点 P 的坐标为 $(0, 1)$.

其中正确的说法是 ()



- A. ①②③ B. ①②④ C. ①③④ D. ①②③④

【分析】根据一次函数图象与二元一次方程的关系，利用交点坐标可得方程组的解；根据两直线的系数的积为 -1 ，可知两直线互相垂直；求得 BD 和 AO 的长，根据三角形面积计算公式，即可得到 $\triangle ABD$ 的面积；根据轴对称的性质以及两点之间，线段最短，即可得到当 $PA+PC$ 的值最小时，点 P 的坐标为 $(0, 1)$ 。

【解答】解：① \because 直线 $l_1: y=kx+b$ 与直线 $l_2: y=-\frac{1}{2}x+m$ 都经过 $C(-\frac{6}{5}, \frac{8}{5})$,

$$\therefore \text{方程组} \begin{cases} y=kx+b \\ y=-\frac{1}{2}x+m \end{cases} \text{的解为} \begin{cases} x=-\frac{6}{5} \\ y=\frac{8}{5} \end{cases},$$

故①正确，符合题意；

②把 $B(0, 4)$, $C(-\frac{6}{5}, \frac{8}{5})$ 代入直线 $l_1: y=kx+b$, 可得 $\begin{cases} 4=b \\ \frac{8}{5}=-\frac{6}{5}k+b \end{cases}$, 解得 $\begin{cases} k=2 \\ b=4 \end{cases}$,

\therefore 直线 $l_1: y=2x+4$,

又 \because 直线 $l_2: y=-\frac{1}{2}x+m$,

\therefore 直线 l_1 与直线 l_2 互相垂直，即 $\angle BCD=90^\circ$,

$\therefore \triangle BCD$ 为直角三角形，

故②正确，符合题意；

③把 $C(-\frac{6}{5}, \frac{8}{5})$ 代入直线 $l_2: y = -\frac{1}{2}x + m$, 可得 $m = 1$,

$y = -\frac{1}{2}x + 1$ 中, 令 $x = 0$, 则 $y = 1$,

$\therefore D(0, 1)$,

$\therefore BD = 4 - 1 = 3$,

在直线 $l_1: y = 2x + 4$ 中, 令 $y = 0$, 则 $x = -2$,

$\therefore A(-2, 0)$,

$\therefore AO = 2$,

$\therefore S_{\triangle ABD} = \frac{1}{2} \times 3 \times 2 = 3$,

故③错误, 不符合题意;

④点 A 关于 y 轴对称的点为 $A'(2, 0)$,

由点 C, A' 的坐标得, 直线 CA' 的表达式为: $y = -\frac{1}{2}x + 1$,

令 $x = 0$, 则 $y = 1$,

\therefore 当 $PA + PC$ 的值最小时, 点 P 的坐标为 $(0, 1)$,

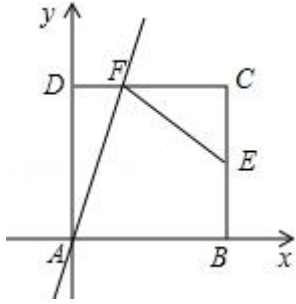
故④正确, 符合题意;

故选: B .

【点评】 本题为一次函数综合题, 主要考查了一次函数图象与性质, 三角形面积以及最短距离问题, 凡是涉及最短距离的问题, 一般要考虑线段的性质定理, 结合轴对称变换来解决, 多数情况要作点关于某直线的对称点.

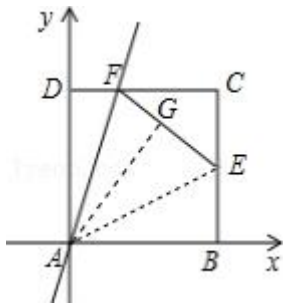
二. 填空题 (共 5 小题)

6. 如图, 正方形 $ABCD$ 的边长为 2, A 为坐标原点, AB 和 AD 分别在 x 轴、 y 轴上, 点 E 是 BC 边的中点, 过点 A 的直线 $y = kx$ 交线段 DC 于点 F , 连接 EF , 若 AF 平分 $\angle DFE$, 则 k 的值为 1 或 3.



【分析】分两种情况：①当点 F 在 DC 之间时，作出辅助线，求出点 F 的坐标即可求出 k 的值；②当点 F 与点 C 重合时求出点 F 的坐标即可求出 k 的值。

【解答】解：①如图，作 $AG \perp EF$ 交 EF 于点 G ，连接 AE ，



$\because AF$ 平分 $\angle DFE$,

$\therefore DA = AG = 2$,

在 $RT\triangle ADF$ 和 $RT\triangle AGF$ 中，

$$\begin{cases} DA = AG \\ AF = AF \end{cases}$$

$\therefore RT\triangle ADF \cong RT\triangle AGF$ (HL),

$\therefore DF = FG$,

\because 点 E 是 BC 边的中点，

$\therefore BE = CE = 1$,

$\therefore AE = \sqrt{AB^2 + BE^2} = \sqrt{5}$,

$\therefore GE = \sqrt{AE^2 - AG^2} = 1$,

\therefore 在 $RT\triangle FCE$ 中， $EF^2 = FC^2 + CE^2$ ，即 $(DF+1)^2 = (2 - DF)^2 + 1$ ，解得 $DF = \frac{2}{3}$ ，

\therefore 点 F $(\frac{2}{3}, 2)$ ，

把点 F 的坐标代入 $y = kx$ 得： $2 = \frac{2}{3}k$ ，解得 $k = 3$ ；

②当点 F 与点 C 重合时，

\because 四边形 $ABCD$ 是正方形，

$\therefore AF$ 平分 $\angle DFE$ ，

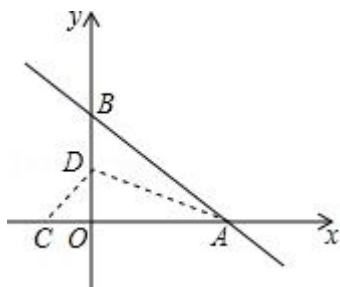
$\therefore F(2, 2)$ ，

把点 F 的坐标代入 $y=kx$ 得： $2=2k$ ，解得 $k=1$ 。

故答案为：1 或 3。

【点评】 本题主要考查了一次函数综合题，涉及角平分线的性质，三角形全等的判定及性质，正方形的性质，及勾股定理解题的关键是分两种情况求出 k 。

7. 如图，在平面直角坐标系 xOy 中，直线 $y=-\frac{3}{4}x+3$ 与 x 轴交于点 A ，与 y 轴交于点 B ，将 $\triangle AOB$ 沿过点 A 的直线折叠，使点 B 落在 x 轴负半轴上，记作点 C ，折痕与 y 轴交点交于点 D ，则点 C 的坐标为 $(-1, 0)$ ，点 D 的坐标为 $(0, \frac{4}{3})$ 。



【分析】 由折叠的性质得到三角形 ABD 与三角形 ACD 全等，利用全等三角形的对应边相等得到 $BD=CD$ ， $AB=AC$ ，由一次函数解析式求出 A 与 B 坐标，确定出 OA 与 OB 的长，由 $BD+OD=OB$ ， $OC+OA=AC$ ，在直角三角形 COD 中，设 $CD=x$ ，表示出 OD ，利用勾股定理求出 x 的值，即可确定出 C 与 D 坐标。

【解答】 解：由折叠的性质得： $\triangle ADB \cong \triangle ADC$ ，

$\therefore AB=AC$ ， $BD=CD$ ，

对于直线 $y=-\frac{3}{4}x+3$ ，令 $x=0$ ，得到 $y=3$ ；令 $y=0$ ，得到 $x=4$ ，

$\therefore OA=4$ ， $OB=3$ ，

在 $\text{Rt}\triangle AOB$ 中，根据勾股定理得： $AB=5$ ，

$\therefore OC=AC-OA=AB-OA=5-4=1$ ，即 $C(-1, 0)$ ；

在 $\text{Rt}\triangle COD$ 中，设 $CD=BD=x$ ，则 $OD=3-x$ ，

根据勾股定理得： $x^2 = (3 - x)^2 + 1$,

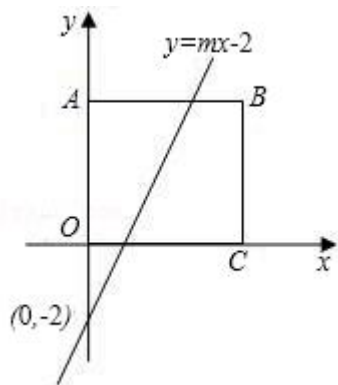
解得： $x = \frac{5}{3}$,

$\therefore OD = \frac{4}{3}$, 即 $D(0, \frac{4}{3})$.

故答案为： $(-1, 0)$; $(0, \frac{4}{3})$

【点评】此题考查了一次函数综合题，涉及的知识有：坐标与图形性质，一次函数与坐标轴的交点，勾股定理，利用了方程的思想，熟练运用勾股定理是解本题的关键.

8. 如图，在平面直角坐标系中，四边形 $ABCO$ 是正方形，点 B 的坐标为 $(4, 4)$ ，直线 $y = mx - 2$ 恰好把正方形 $ABCO$ 的面积分成相等的两部分，则 $m = \underline{2}$.



【分析】只有过正方形对角线交点的直线，才能把正方形分成面积相等的两部分. 点 B 的坐标为 $(4, 4)$ ，则 $y = mx - 2$ 经过点 $(2, 2)$ ，代入直线解析式得 $m = 2$.

【解答】解： \because 直线 $y = mx - 2$ 恰好把正方形 $ABCO$ 的面积分成相等的两部分

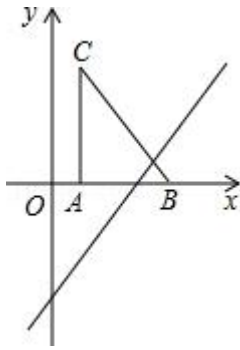
\therefore 直线必经过正方形的中心

\because 点 B 的坐标为 $(4, 4)$

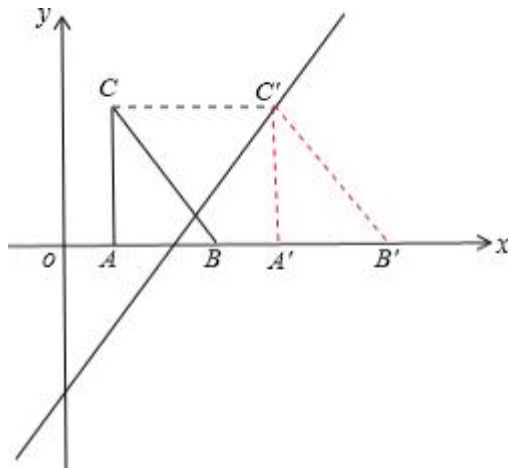
\therefore 中心为 $(2, 2)$ ，代入直线中得： $2 = 2m - 2$ ， $m = 2$

【点评】本题用到的知识点为：过平行四边形对角线交点的直线，把平行四边形分成面积相等的两部分.

9. 如图，把 $Rt\triangle ABC$ 放在直角坐标系内，其中 $\angle CAB = 90^\circ$ ， $BC = 5$ ，点 A 、 B 的坐标分别为 $(1, 0)$ 、 $(4, 0)$ ，将 $\triangle ABC$ 沿 x 轴向右平移，当点 C 落在直线 $y = 2x - 6$ 上时，线段 BC 扫过的面积为 16.



【分析】根据题意，线段 BC 扫过的面积应为一平行四边形的面积，其高是 AC 的长，底是点 C 平移的路程．求当点 C 落在直线 $y=2x-6$ 上的横坐标即可．



【解答】解：如图所示．

\because 点 A 、 B 的坐标分别为 $(1, 0)$ 、 $(4, 0)$,

$\therefore AB=3$.

$\because \angle CAB=90^\circ$, $BC=5$,

$\therefore AC=4$.

$\therefore A'C'=4$.

\because 点 C' 在直线 $y=2x-6$ 上,

$\therefore 2x-6=4$, 解得 $x=5$.

即 $OA'=5$.

$\therefore CC'=5-1=4$.

$\therefore S_{\square BCC'B'}=4 \times 4=16$.

即线段 BC 扫过的面积为 16.

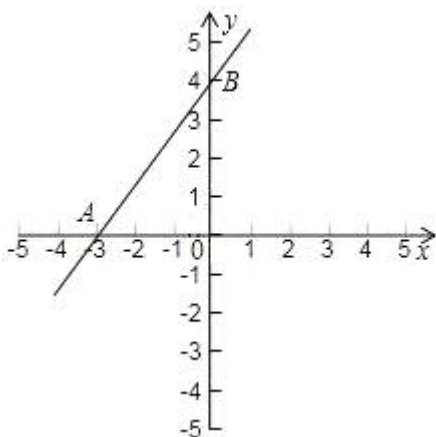
故答案为 16.

【点评】此题考查平移的性质及一次函数的综合应用，难度中等.

10. 一次函数 $y = \frac{4}{3}x + 4$ 分别交 x 轴、 y 轴于 A 、 B 两点，在 x 轴上取一点，使 $\triangle ABC$ 为等腰三角形，则这样的点 C 最多有 4 个.

【分析】首先求出 A 、 B 的坐标， $\triangle ABC$ 为等腰三角形，根据顶点 C 的确定方法即可求解.

【解答】解：在 $y = \frac{4}{3}x + 4$ 中，令 $y = 0$ ，解得 $x = -3$ ；令 $x = 0$ ，解得： $y = 4$. 则直线与 x 轴、 y 轴的交点 A 、 B 分别是 $(-3, 0)$ ， $(0, 4)$.



当 AB 是底边时，顶点 C 是线段 AB 的垂直平分线与 x 轴的交点；

当 AB 是腰时，分两种情况：

(1) 当 A 是顶角的顶点时，第三个顶点 C ，就是以 A 为圆心，以 AB 为半径的圆与 x 轴的交点，有 2 个.

(2) 当 B 是顶角的顶点时，第三个顶点 C ，就是以 B 为圆心，以 AB 为半径的圆与 x 轴的交点，有 1 个.

故这样的点 C 最多有 4 个.

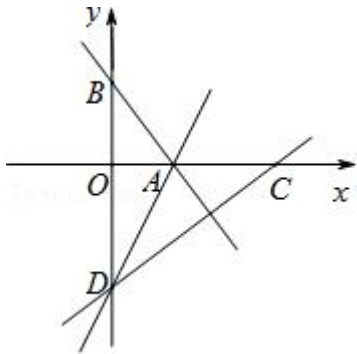
故答案为：4.

【点评】解决本题的关键是要对三角形进行分类讨论，同学们要注意不能漏掉其中的任一解.

三. 解答题 (共 1 小题)

11. 如图，在平面直角坐标系 xOy 中，直线 $y = -\frac{4}{3}x + 8$ 与 x 轴， y 轴分别交于点 A ，点 B ，点 D 在 y 轴的负半轴上，若将 $\triangle DAB$ 沿直线 AD 折叠，点 B 恰好落在 x 轴正半轴上的点 C 处.

- (1) 求 AB 的长和点 C 的坐标；
 (2) 求直线 CD 的解析式.



【分析】(1) 先根据 A 、 B 两点是直线与两坐标轴的交点求出两点坐标，再由勾股定理求出 AB 的长，由图形翻折变换的性质得出 $AC=AB$ ，故可得出 C 点坐标；

(2) 设点 D 的坐标为 $(0, y)$ ，由图形翻折变换的性质可知 $CD=BD$ ，在 $\text{Rt}\triangle OCD$ 中由勾股定理可求出 y 的值，进而得出 D 点坐标，利用待定系数法即可求出直线 CD 的解析式.

【解答】解：(1) \because 直线 $y = -\frac{4}{3}x + 8$ 与 x 轴， y 轴分别交于点 A ，点 B ，

$$\therefore A(6, 0), B(0, 8),$$

在 $\text{Rt}\triangle OAB$ 中， $\angle AOB = 90^\circ$ ， $OA = 6$ ， $OB = 8$ ，

$$\therefore AB = \sqrt{6^2 + 8^2} = 10,$$

$\because \triangle DAB$ 沿直线 AD 折叠后的对应三角形为 $\triangle DAC$ ，

$$\therefore AC = AB = 10.$$

$$\therefore OC = OA + AC = OA + AB = 16.$$

\because 点 C 在 x 轴的正半轴上，

$$\therefore \text{点 } C \text{ 的坐标为 } C(16, 0).$$

(2) 设点 D 的坐标为 $(0, y)$ ($y < 0$)，

由题意可知 $CD = BD$ ， $CD^2 = BD^2$ ，

在 $\text{Rt}\triangle OCD$ 中，由勾股定理得 $16^2 + y^2 = (8 - y)^2$ ，

解得 $y = -12$ 。

$$\therefore \text{点 } D \text{ 的坐标为 } (0, -12),$$

可设直线 CD 的解析式为 $y=kx-12$ ($k \neq 0$)

\because 点 $C(16, 0)$ 在直线 $y=kx-12$ 上,

$$\therefore 16k - 12 = 0,$$

$$\text{解得 } k = \frac{3}{4},$$

\therefore 直线 CD 的解析式为 $y = \frac{3}{4}x - 12$.

【点评】 本题考查的是一次函数综合题，涉及到图形翻折变换的性质、勾股定理及用待定系数法求一次函数的解析式，难度适中.