

旋转

23.1 图形的旋转

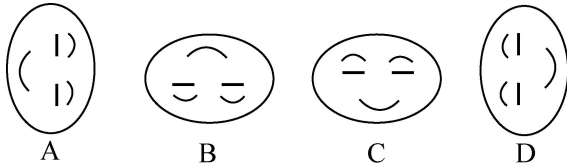
第1课时 旋转的概念及性质

A 基础达标

1. 将图 23-1-1 按顺时针方向旋转 90° 后得到的是(A)



图 23-1-1



2. 如图 23-1-2, 该图形围绕点 O 按下列角度旋转后, 不能与其自身重合的是(B)

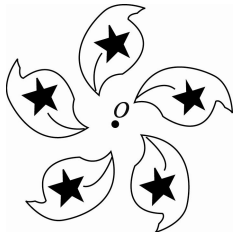


图 23-1-2

- A. 72° B. 108° C. 144° D. 216°

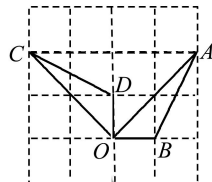


图 23-1-3

3. 如图 23-1-3, 点 A, B, C, D 都在方格纸的格点上, 若 $\triangle AOB$ 绕点 O 按逆时针方向旋转到 $\triangle COD$ 的位置, 则旋转的角度为(C)

- A. 30° B. 45°
C. 90° D. 135°

4. 如图 23-1-4, 将 $\triangle ABC$ 绕着点 C 顺时针旋转 50° 后得到 $\triangle A' B' C$, 若 $\angle A = 40^\circ$, $\angle B' = 110^\circ$, 则 $\angle BCA'$ 的度数是(B)

- A. 110° B. 80° C. 40° D. 30°

【解析】根据旋转的性质可得 $\angle A' = \angle A$, $\angle A' C B' = \angle A C B$. $\because \angle A = 40^\circ$, $\therefore \angle A' = 40^\circ$. $\because \angle B' = 110^\circ$, $\therefore \angle A' C B' = 180^\circ - 110^\circ - 40^\circ = 30^\circ$. $\therefore \angle A C B = 30^\circ$. \therefore 将 $\triangle A B C$ 绕着点 C 顺时针旋转 50° 后得到 $\triangle A' B' C$, $\therefore \angle A C A' = 50^\circ$, $\therefore \angle B C A' = 30^\circ + 50^\circ = 80^\circ$.

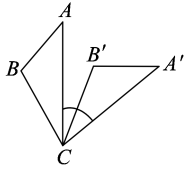


图 23-1-4

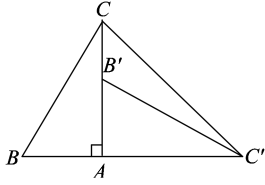


图 23-1-5

5. 如图 23-1-5, 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle BAC=90^\circ$, $\angle B=60^\circ$, $\triangle AB'C'$ 可以由 $\triangle ABC$ 绕点 A 顺时针旋转 90° 得到(点 B' 与点 B 是对应点, 点 C' 与点 C 是对应点), 连接 CC' , 则 $\angle CC'B'$ 的度数是(D)

A. 45° B. 30° C. 25° D. 15°

B 能力提升

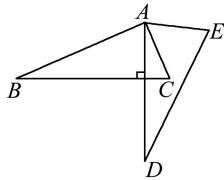


图 23-1-9

9. 如图 23-1-9, 将 $\triangle ABC$ 绕点 A 逆时针旋转一定角度, 得到 $\triangle ADE$, 若 $\angle CAE=65^\circ$, $\angle E=70^\circ$, 且 $AD \perp BC$, 则 $\angle BAC$ 的度数为(C)

A. 60° B. 75°
C. 85° D. 90°

10. 如图 23-1-10, 在 $\text{Rt}\triangle ABC$ 中, $\angle ACB=90^\circ$, $\angle A=30^\circ$, $BC=2$, 将 $\triangle ABC$ 绕点 C 按顺时针方向旋转 n 度后, 得到 $\triangle EDC$, 此时, 点 D 在 AB 边上, 斜边 DE 交 AC 边于点 F , 则 n 的大小和图中阴影部分的面积分别为(C)

A. 30, 2 B. 60, 2 C. 60, $\frac{\sqrt{3}}{2}$ D. 60, $\sqrt{3}$

【解析】由旋转性质知 $\triangle BCD$ 是等边三角形, $n=60$, $DC=BC=2$, $\therefore \angle DCF=30^\circ$, $\triangle CDF$ 是直角三角形, $\therefore DF=1$, $CF=\sqrt{3}$,

\therefore 阴影部分的面积为 $\frac{1}{2} \times 1 \times \sqrt{3} = \frac{\sqrt{3}}{2}$, 故选 C.

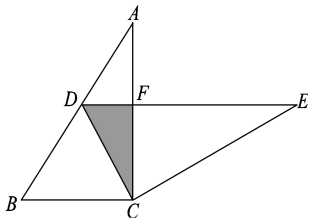


图 23-1-10

23. 2.1 中心对称

A 基础达标

1. 下面的每组数中, 两个数字成中心对称的是(D)

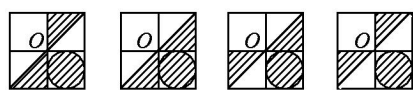
3 3 4 4 5 5 6 9

A B C D

2. 将如图 23-2-1 所示的正方形图案绕中心 O 旋转 180° 所得到的图形是(C)



图 23-2-1



A B C D

【解析】根据中心对称的概念及性质解题, 注意观察图 23-2-1 中两个等腰直角三角形相应的一条直角边在同一条直线上(或观察斜边间的关系), 显然 B, D 是错误的, 又因为图 23-2-1 中的两个等腰直角三角形形成中心对称, 则旋转后能互相重合, 则 A 是错误的.

3. 如图 23-2-2, $\triangle ABC$ 与 $\triangle A'B'C'$ 关于点 O 成中心对称, 则下列结论不成立的是(D)

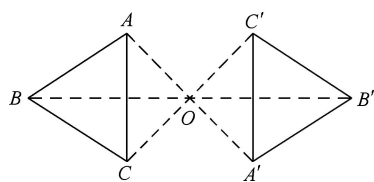


图 23-2-2

- A. 点 A 与点 A' 是对称点
- B. $BO = B'O$
- C. $AB \parallel A'B'$
- D. $\angle ACB = \angle C'A'B'$

【解析】根据中心对称的概念及性质进行判断, 可知 $\angle ACB = \angle A'C'B'$.

4. 如图 23-2-3, 已知 $\square ABCD$ 的对角线 $BD = 4$ cm, 将 $\square ABCD$ 绕其对称中心 O 旋转 180° , 则点 D 所转过的路径长为(C)

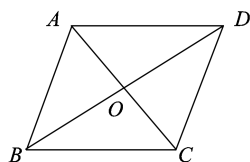


图 23-2-3

- A. 4π cm
- B. 3π cm
- C. 2π cm
- D. π cm

【解析】点 D 所转过的路径长是以 O 为圆心, 以 2 cm 为半径的半圆, 圆周长为 4π cm,

所以半圆弧长为 2π cm.

5. [2013·天津]如图 23-2-4, 在 $\triangle ABC$ 中, $AC=BC$, 点 D, E 分别是边 AB, AC 的中点, 将 $\triangle ADE$ 绕点 E 旋转 180° 得 $\triangle CFE$, 则四边形 $ADCF$ 一定是(A)

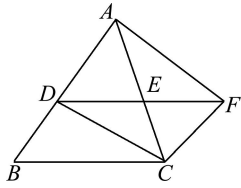


图 23-2-4

- A. 矩形 B. 菱形
C. 正方形 D. 平行四边形

6. 如图 23-2-5, 在平面直角坐标系中, 若 $\triangle ABC$ 与 $\triangle A_1B_1C_1$ 关于 E 点成中心对称, 则对称中心 E 点的坐标是 (3, -1).

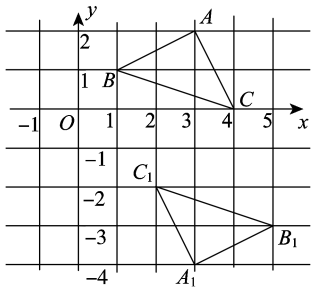


图 23-2-5

【解析】连接两组对应点, 则其交点坐标即为对称中心 E 点的坐标.

7. 如图 23-2-6, 菱形 $ABCD$ 与菱形 $EFGH$ 的形状、大小完全相同.

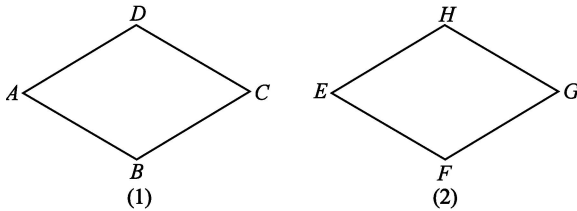


图 23-2-6

(1)请从下列序号中选择正确选项的序号填空:

- ①点 E, F, G, H ; ②点 G, F, E, H ;
③点 E, H, G, F ; ④点 G, H, E, F .

如果图(1)经过一次平移后得到图(2), 那么点 A, B, C, D 的对应点分别是 ①;

如果图(1)经过一次轴对称后得到图(2), 那么点 A, B, C, D 的对应点分别是 ②;

如果图(1)经过一次旋转后得到图(2), 那么点 A, B, C, D 的对应点分别是 ④.

(2)①图(1), 图(2)关于点 O 成中心对称, 请画出对称中心(保留画图痕迹, 不写画法);

②写出两个图形成中心对称的一条性质: 答案不唯一, 例如: 对应线段相等, $OC=OE$ 等. (可以结合所画图形叙述)

A 基础达标

1. 在平面直角坐标系中, 已知点 P 的坐标是 $(-1, -2)$, 则点 P 关于原点对称的点的坐标是(C)

A. $(-1, 2)$ B. $(1, -2)$

C. $(1, 2)$ D. $(2, 1)$

2. 在平面直角坐标系中, 点 $P(-20, a)$ 与点 $Q(b, 13)$ 关于原点对称, 则 $a+b$ 的值为(D)

A. 33 B. -33

C. -7 D. 7

3. 在如图 23-2-19 所示的方格纸中, 每个小正方形的边长为 1, 如果以 MN 所在的直线为 y 轴, 以小正方形的边长为单位长度建立平面直角坐标系, 使 A 点与 B 点关于原点对称, 则这时 C 点的坐标是(B)

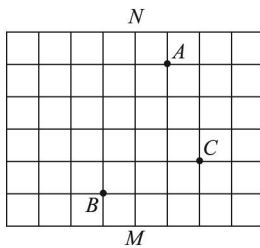


图 23-2-19

A. $(1, 3)$ B. $(2, -1)$

C. $(2, 1)$ D. $(3, 1)$

【解析】 确定 x 轴所在直线是求 C 点坐标的关键, 根据 A, B 两点关于原点对称知, A, B 两点到 x 轴的距离相等, 即 x 轴过方格纸的横向中线, 所以点 $C(2, -1)$.

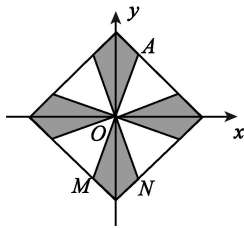


图 23-2-20

4. 如图 23-2-20, 阴影部分组成的图案既是关于 x 轴成轴对称的图形, 又是关于坐标原点 O 成中心对称的图形. 若点 A 的坐标是 $(1, 3)$, 则点 M 和点 N 的坐标分别是(C)

A. $M(1, -3), N(-1, -3)$

B. $M(-1, -3), N(-1, 3)$

C. $M(-1, -3), N(1, -3)$

D. $M(-1, 3), N(1, -3)$

【解析】 因为阴影部分组成的图案既是关于 x 轴成轴对称的图形, 又是关于坐标原点 O 成中心对称的图形, 所以点 N 与点 A 成轴对称, 点 M 与点 A 成中心对称.

5. 已知点 M 的坐标为 $(3, -5)$, 则点 M 关于 x 轴对称的点 M_1 的坐标为 $(3, 5)$, 关于 y 轴对称的点 M_2 的坐标为 $(-3, -5)$, 关于原点对称的点 M_3 的坐标为 $(-3, 5)$.

【解析】 关于 x 轴对称的点横坐标相等, 纵坐标互为相反数, 所以 $M_1(3, 5)$; 关于 y 轴对称的点纵坐标相等, 横坐标互为相反数, 所以 $M_2(-3, -5)$; 关于原点对称的点的横坐标、纵坐标都是互为相反数, 所以 $M_3(-3, 5)$.

6. 如图 23-2-21, 在平面直角坐标系中, 将 $\triangle ABC$ 绕点 P 旋转 180° 得到 $\triangle DEF$, 则点 P 的坐标为 $(-1, -1)$.

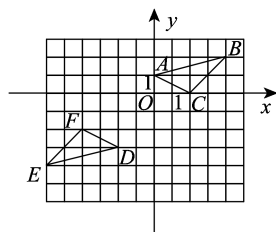


图 23-2-21

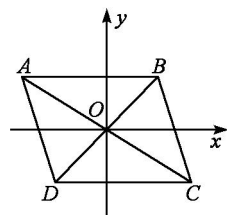


图 23-2-22

B 能力提升

7. 若点 $P(-1-2a, 2a-4)$ 关于原点的对称点是第一象限内的点, 则 a 取整数时 a 的值有 (B)

A. 1 个 B. 2 个 C. 3 个 D. 4 个

【解析】 点 $P(-1-2a, 2a-4)$ 关于原点的对称点坐标为 $P'(1+2a, -2a+4)$,

$$\therefore \begin{cases} 1+2a > 0, \\ -2a+4 > 0, \end{cases} \quad \therefore -\frac{1}{2} < a < 2.$$

又 a 为整数, $\therefore a=0$ 或 $a=1$. 故选 B.